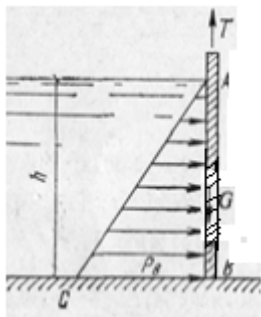


## Контактно пройти по времени расписания по ссылке в 9.00

<http://disrm1.zabgu.ru/b/etq-43d-fd4>



Пример. Определить силу суммарного давления воды на плоский щит, перекрывающий канал, и усилие, которое необходимо приложить для подъема щита. Ширина канала  $b=1,8$  м, глубина воды в нем  $h=2,2$  м. Вес щита  $G=15$ кН. Коэффициент трения щита по опорам  $f=0.25$ .

Решение: Силу суммарного давления на щит определим по формулам:

$$F = \rho g h_c S = \rho g \left(\frac{h}{2}\right) h \cdot b .$$

Построим эпюру избыточного давления. В точке В гидростатическое давление  $p_B = \rho g h$ .

Отложим от точки В в направлении, перпендикулярном щиту, величину  $p_B$  (со стороны действия давления) и соединим начало полученного вектора (точку с) с точкой А.. Полученный треугольник ABC – эпюра гидростатического давления.

$$F = \rho g h_c S = \rho g \left(\frac{h}{2}\right) h \cdot b = 1000 \cdot 9.81 \cdot 2.2^2 \cdot \frac{1.8}{2} = 42.6 \cdot 10^3 = 42.6 \text{ кН.}$$

Усилие, необходимое для поднятие щита находим из уравнения проекции сил на вертикальную ось:

$$\sum Y_i = 0; T - G - F_{\text{тр}} = 0$$

$$\text{Тогда } T = G + F_{\text{тр}}; F_{\text{тр}} = f \cdot F; T = G + f \cdot F = 15 + 0.25 \cdot 42.6 = 26.6 \text{ кН/}$$

Квадратное отверстие со стороной  $h=1,0$  м в вертикальной стенке резервуара закрыто плоским щитом. Щит закрывается грузом массой  $m$  на плече  $x=1,5$  м (рис. 12). Определить величину массы груза, необходимую для удержания глубины воды в резервуаре  $H=3,5$  м, если известна величина  $a=1,0$  м. Построить эпюру гидростатического давления на щит.

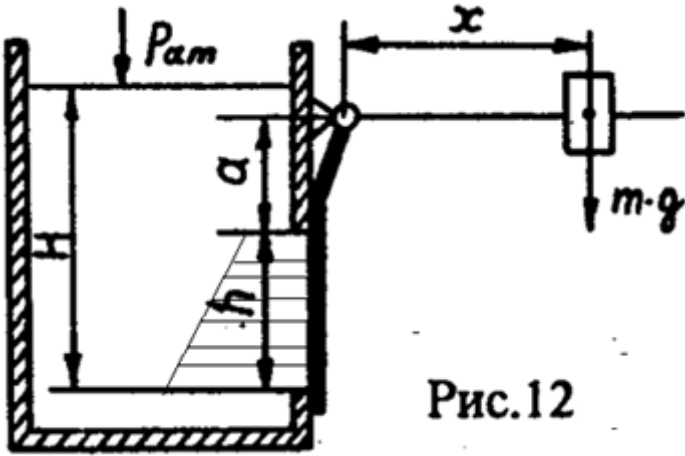


Рис.12

Решение: Для удержания массы груза необходимо записать уравнение равновесие щита, которое будет представлять уравнение моментов, так как щит может совершать только поворотное движение

$$\sum M_O(F_i) = 0; -Gx + F_{\text{ж}} \cdot l = 0 \quad \text{или} \\ F_{\text{ж}} \cdot l = mgx$$

где  $F_{\text{ж}}$  сила давления воды, а  $l$  - плечо этой силы относительно оси поворота.

поворота.

$$\text{Сила давления воды: } F_{\text{ж}} = \rho g \left( H - \frac{h}{2} \right) h^2 = 1000 \cdot 9.8(3.5 - 0.5)1 = 29400 \text{ Н.}$$

Точка приложения этой силы относительно свободной поверхности воды в резервуаре:

$$h_{\text{д}} = \left( H - h \right) + \frac{h[3(H - h) + 2h]}{3[2(H - h) + h]} = (3.5 - 1) + \frac{1[3(3.5 - 1) + 2]}{3[2(3.5 - 1) + 1]} = 3.027 \text{ м.}$$

а плечо силы  $F_{\text{ж}}$  определится следующим образом:

$$l = a + h - (H - h_{\text{д}}) = a + h + h_{\text{д}} - H = \\ = 1 + 1 + 3,027 - 3,5 = 1,527 \text{ м.}$$

Из начального уравнения масса груза равна

$$m = \frac{F_{\text{ж}} \cdot l}{gx} = \frac{29400 \cdot 1.527}{9.8 \cdot 1.5} = 3054 \text{ кг} \\ \approx 3 \text{ т.}$$

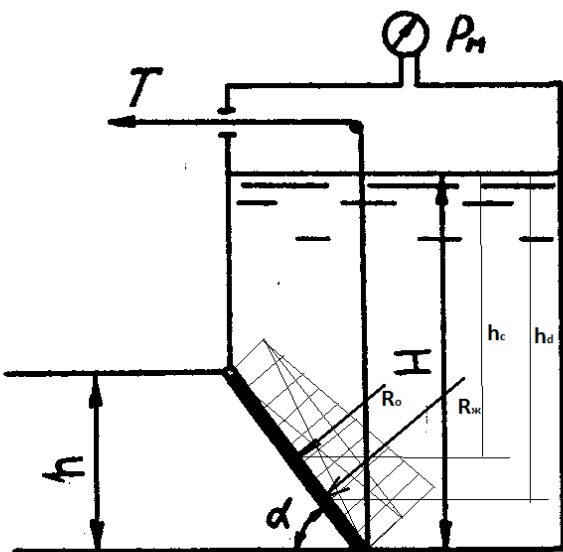


Рис.13

Поворотный клапан закрывает выход из бензохранилища в трубу квадратного сечения (рис. 13). Определить, какую силу  $T$  нужно приложить к тросу для

открытия клапана при известных  $h=0,5$  м,  $H=1$  м и  $\alpha=30^\circ$ . Манометрическое давление паров бензина в резервуаре  $p_M=50$  кПа.

Решение: Чтобы определить какую силу нужно приложить к тросу для открытия клапана определить силу от внешнего давления  $R_o$  и силу давления воды  $R_{ж}$ . Определим силу от внешнего давления  $R_o$ . Силу от внешнего давления определим по формуле:  $R_o = p_M \cdot S$ , где  $p_M$  – давление, создаваемое манометрическим давлением,  $S$  – площадь клапана,  $S=(h \cdot \sin\alpha)^2=(0,5 \cdot \sqrt{3}/2)^2=0,1875$  м<sup>2</sup>.  $R_o = 50000 \cdot 0,1875 = 9375$ Н.

Покажем линию действия и точку приложения силы  $R_o$ . Эпюра давления  $p_o$  представляет собой равномерно распределенную нагрузку, равнодействующая от такой нагрузки проходит через центр эпюры и приложена в центре тяжести клапана на глубине  $h_c = h/2=0,25$  м. Сила направлена по нормали из жидкости на клапан, как сила внешнего, избыточного давления.

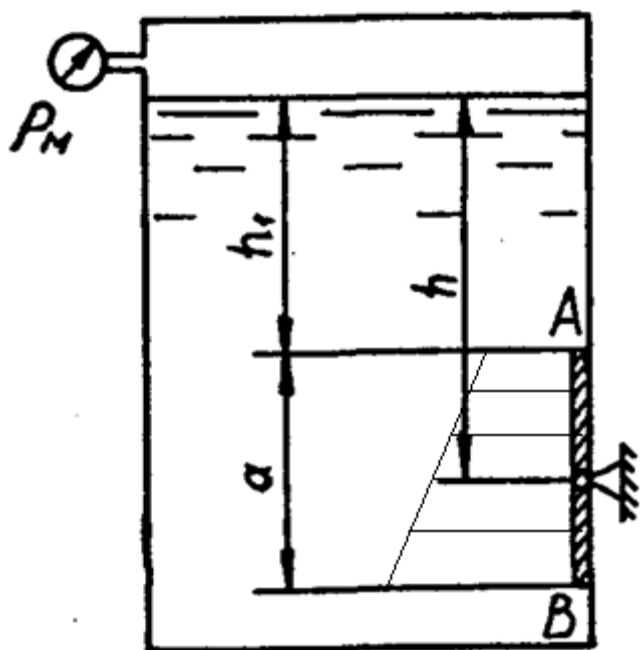
Определим силу давления жидкости  $R_{ж}$  по формуле:  $R_{ж} = \rho g h_c S = 1000 \cdot 9,8 \cdot 0,75 \cdot 0,1875 = 1378,125$  Н.  $h_c = H - h/2 = 0,75$  м. Точку приложения силы  $R_{ж}$

определим по формуле:  $h_D = h_c + \frac{I}{h_c S^2}$ , где  $I = \frac{(h \cdot \sin\alpha)^4}{12} = 0,0003$ ,  $h_D = 0,75 + \frac{0,0003}{0,75 \cdot 0,1875} = 0,752$  м;

Определим глубину  $h$  погружения оси поворота щита составив уравнение момента относительно оси поворота  $O$ :

$$\sum M_O(F_i) = 0; -R_o \cdot h/2 \sin\alpha - R_{ж} (h_D - (H - h)/\sin\alpha) + T \cdot h/\operatorname{tg}\alpha = 0 \text{ или}$$

Отсюда:  $T = (R_o \cdot \frac{h}{2 \sin\alpha} + R_{ж} (h_D - (H - h)/\sin\alpha)) \operatorname{tg}\alpha / h = (9375 \cdot \frac{0,5}{2 \sin 30^\circ} + 1378,125(0,752 - (1 - 0,5)/\sin 30^\circ)) \frac{\operatorname{tg} 30^\circ}{0,5} = 5489,5$  Н



Автоматическое регулирование уровня нефти в напорном резервуаре осуществляется поворачивающимся щитом АВ (рис. 18). Найти глубину  $h$  погружения оси поворота щита и силу гидростатического давления нефти на него, если размеры щита  $b \times a = 1,2 \times 0,6$  м, глубина  $h_1 = 1$  м и манометрическое давление на поверхности нефти

Рис.18

$p_M=25$  кПа.. Построить эпюру гидростатического давления.

Решение:

Чтобы определить глубину погружения оси поворота щита нужно определить силу от внешнего давления  $R_o$  и силу давления воды  $R_{ж}$ . Определим силу от внешнего давления  $R_o$ . Силу от внешнего давления определим по формуле:  $R_o = p_o \cdot S$ , где  $p_o$  – давление, создаваемое манометрическим давлением  $p_o = p_M + \rho_B g h_1 = 25 \cdot 10^3 + 1000 \cdot 9.8 \cdot 1 = 34,8$  кПа,  $S$  – площадь щита,  $S=a \cdot b=0,6 \cdot 1,2=0,72$  м<sup>2</sup>.  $R_o = 34,8 \cdot 0,72 = 25,056$  кН.

Покажем линию действия и точку приложения силы  $R_o$ . Эпюра давления  $p_o$  представляет собой равномерно распределенную нагрузку, равнодействующая от такой нагрузки проходит через центр эпюры и приложена в центре тяжести щита на глубине  $h_c=a/2=0.3$  м. Сила направлена по нормали из жидкости на щит, как сила внешнего, избыточного давления.

Определим силу давления жидкости  $R_{ж}$  по формуле:  $R_{ж} = \rho g h_c S = 1000 \cdot 9.8 \cdot 0.3 \cdot 0.72 = 2.1168$  кН. Точку приложения силы  $R_{ж}$  определим по формуле:  $h_D = \frac{I}{h_c S}$ , где  $I = \frac{b a^3}{12} = \frac{1.2 \cdot 0.6^3}{12} = 0.0216$ ,  $h_D = \frac{0.0216}{0.3 \cdot 0.72} = 0.1$ ;

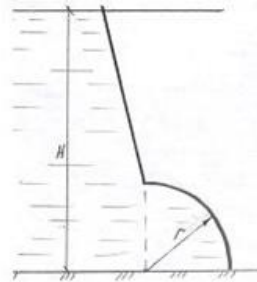
Определим глубину  $h$  погружения оси поворота щита составив уравнение момента относительно оси поворота  $O$ :

$$\begin{aligned} \sum M_O(F_i) &= 0; -R_o(h - h_1 - h_c) + R_{ж}(h_1 + a - (a - (a - h_D)) - h) = 0 \text{ или} \\ \sum -R_o(h - h_1 - h_c) + R_{ж}(h_1 + a - (a - (a - h_D)) - h) &= 0 \\ -R_o(h - h_1 - h_c) + R_{ж}(h_1 + a - h_D - h) &= 0 \\ -25,056(h - 1 - 0,3) + 2,1168(1 + 0,6 - 0,1 - h) &= 0 \end{aligned}$$

Отсюда  $h=1.08$  м. Сила гидростатического давления равна  $R=R_o+R_{ж}=25,056+2,1168=27,1728$  кН.

## Примеры задач давление жидкости на криволинейную поверхность

№ 1. Определить силу гидростатического давления воды на 1 м ширины нижней криволинейной части сооружения, если  $H = 1,5$  м,  $r = 0,5$  м.



Дано:  $H = 1,5$  м,  $r = 0,5$  м,  $b = 1$  м.

Определить:  $P = ?$

Решение

Сила избыточного гидростатического давления на криволинейную часть сооружения определяется  $P = \sqrt{P_x^2 + P_z^2}$ .

Горизонтальная составляющая  $P_x$  силы давления воды на криволинейную поверхность равна силе давления на вертикальную проекцию этой поверхности

$$P_x = \gamma h_c \omega = \gamma \left( H - \frac{r}{2} \right) r b = 10000 \left( 1,5 - \frac{0,5}{2} \right) 0,5 \cdot 1 = 6250 \text{ Н} = 6,25 \text{ кН}$$

Вертикальная составляющая  $P_z$  равна весу жидкости в объеме тела давления

$$P_z = \gamma W_{\text{и т.д.}}$$

Площадь  $\Omega$  тела давления является фигура 1-3-4-2 (рис. 2.1).

$$P_z = \gamma \cdot \Omega \cdot b = \gamma \left( Hr - \frac{\pi \cdot r^2}{4} \right) b = 10000 \left( 1,5 \cdot 0,5 - \frac{3,14 \cdot 0,5^2}{4} \right) \cdot 1 = 5540 \text{ Н} = 5,54 \text{ кН}$$



Рис. 2.1. Построения к нахождению  $P_x$  и  $P_z$

Сила давления воды на криволинейную часть

$$P = \sqrt{P_x^2 + P_z^2} = \sqrt{6,25^2 + 5,54^2} = 8,35 \text{ кН}$$

Расстояние от свободной поверхности воды до линии действия горизонтальной составляющей  $P_x$

$$h_d = h_c + \frac{I_0}{\omega \cdot h_c} = \left( H - \frac{r}{2} \right) + \frac{b \cdot r^3}{12b \cdot r(H-r)} = \left( 1,5 - \frac{0,5}{2} \right) + \frac{1 \cdot 0,5^3}{12 \cdot 0,5 \cdot 1 \left( 1,5 - \frac{0,5}{2} \right)} = 1,27,$$

Вертикальная составляющая  $P_z$  проходит через центр тяжести фигуры 1-3-4-2, расстояние  $L$  центра тяжести этой фигуры от линии 1-3 равно статическому моменту  $S$  этой фигуры относительно линии 1-3, деленному на площадь  $\Omega$ .

$$L = \frac{S}{\Omega} = \frac{H \cdot r \cdot \frac{r}{2} - \frac{\pi \cdot r^2}{4} \cdot 0,424 \cdot r}{H \cdot r - \frac{\pi \cdot r^2}{4}} = \frac{1,5 \cdot 0,5 \cdot \frac{0,5}{2} - \frac{3,14 \cdot 0,5^2}{4} \cdot 0,424 \cdot 0,5}{1,5 \cdot 0,5 - \frac{3,14 \cdot 0,5^2}{4}} = 0,26 \text{ м}$$

Сила  $P$  проходит через точку пересечения  $C$  линий действия горизонтальной и вертикальной составляющих (рис. 2.2) под углом  $\varphi$  к горизонту, причем

$$\varphi = \arctg \frac{P_z}{P_x} = \arctg \frac{5,54}{6,25} = 41^{\circ} 31'$$

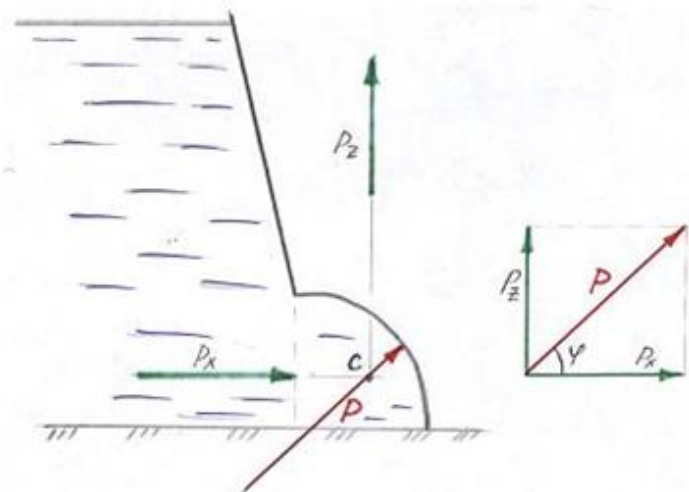


Рис. 2.2. К построению действия силы  $P$

№2 Определить величину гидростатического давления жидкости на внутреннюю поверхность стенки трубы (рис.5.2). Определить  $R_{max}$  - величину предельного напряжения в стенках трубы для её разрыва, если  $H$  – напор, под которым в трубе находится жидкость;  $d$  – диаметр;  $L$  – длина трубы;  $\delta$  – толщина стенки;  $R_x$  – сила давления жидкости внутри трубы, способная разорвать ее.

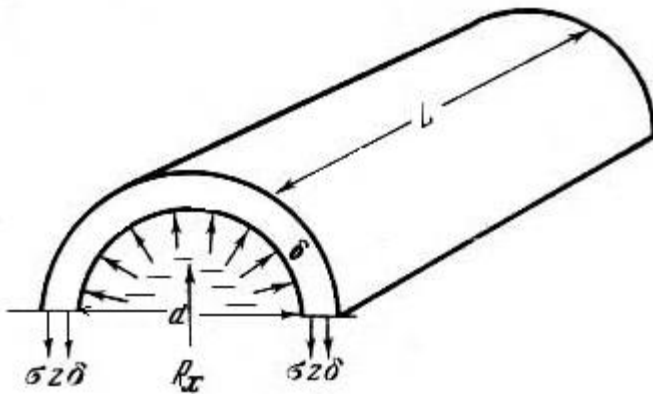


Рис.5.2

*Решение.* Величина  $R_x$  рассчитывается по формуле:  $R_x = rgHLd$ , (1)

где  $rgH = P_{max}$  – предельная величина гидростатического давления в стенках трубы для её разрыва.

Разрывающей силе давления жидкости противодействует сила сопротивления материала стенки  $F$ :  $F = 2\delta\sigma L$ , (2)

где  $\sigma$  – напряжение на разрыв;  $\delta$  – толщина стенки;  $L$  – длина трубы; 2 – коэффициент, поскольку сила сопротивления действует с двух сторон.

При условии, что система находится в равновесии, приравняем силы давления жидкости и сопротивления материала стенки  $R_x = F$ . Подставляя из формул (1) и (2) величины, получим:

$$P_m L d = 2\delta\sigma L d \text{ или } P_m d = 2\delta\sigma$$

Откуда

$$R_{max} = \frac{2\delta\sigma}{d}$$

№3. Вертикальный цилиндрический резервуар, диаметром  $d$  закрыт сверху полусферической крышкой того же диаметра, весом  $G$  и целиком заполнен водой (рис.5.3). Затем в отверстие в верхней части крышки ввернули вертикальную трубку пренебрежительно малого диаметра и залили в неё воду. Определить при какой высоте  $h$  вертикальная составляющая силы давления воды на крышку уравнивает ее вес.

Дано:  $d = 2\text{ м}$ ;  $G = 19,6\text{ кН}$ ;  $\rho = 1000\text{ кг/м}^3$ .

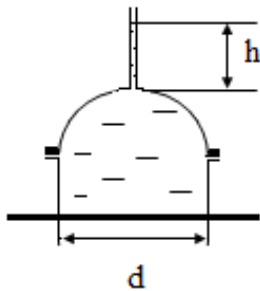


Рис.5.3

*Решение.* Запишем уравнение, из которого можно определить высоту  $h$ :

$R_z = G$ . Здесь  $R_z$  – вертикальная составляющая силы давления воды на полусферическую крышку, а  $G$  – вес крышки.

Определяем силу  $R_z$ .

Вертикальная составляющая силы давления жидкости на криволинейную поверхность равна весу жидкости в объёме давления:

$$R_z = \rho g \Omega_d.$$

В свою очередь, чтобы построить объём давления  $\Omega_d$ , необходимо спроецировать полусферическую поверхность крышки на пьезометрическую поверхность жидкости (то есть на ту горизонтальную плоскость, где весовое давление жидкости равно нулю). В задаче это плоскость MN. Объём, заключённый между полусферой AB, её проекцией на плоскость MN и вертикальными проектирующими поверхностями, и есть объём тела давления (заштрихован на рисунке 5.4).

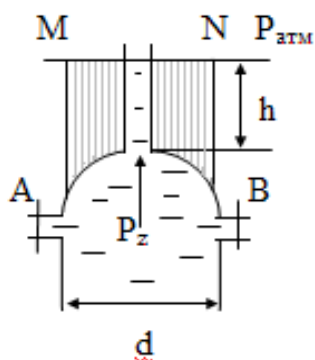


Рис.5.4

Из геометрических построений видно, что этот объём равен разности объёмов цилиндра и полусферы:  $\Omega_o = \frac{\pi d^2}{4} (h + \frac{d}{2}) - \frac{1}{12} \pi d^3$

Определяем высоту  $h$  из уравнения:  $G = \rho g \Omega_o$ , далее подставляем в результат численные значения параметров, заданных по условию и производим вычисления.

$$G = \rho g \left[ \frac{\pi d^2}{4} (h + \frac{d}{2}) - \frac{1}{12} \pi d^3 \right] \Rightarrow h = \frac{\left( \frac{G}{\rho g} + \frac{1}{12} \pi d^3 \right) 4}{\pi d^2} - \frac{d}{2}$$

№4. Определить величину, направление и точку приложения полной силы гидростатического давления воды на 1 метр ширины вальцового затвора, диаметром  $D$ , если  $H$  - уровень воды перед затвором (рис.5.5).

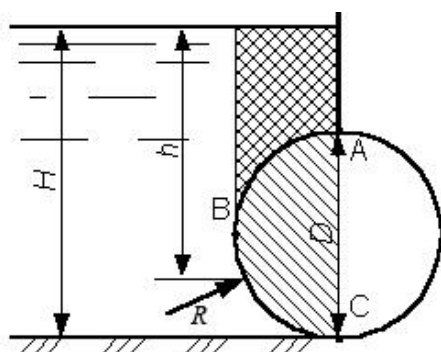


Рис.5.5

*Решение.* Полная сила гидростатического (избыточного) давления воды на цилиндрическую поверхность определяется по формуле 5.1:

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2 + R_z^2},$$

где  $R_x$  – горизонтальная составляющая силы избыточного гидростатического давления, Н;

$R_z$  – вертикальная составляющая полной силы избыточного гидростатического давления, Н. В данной задаче  $R_y = 0$ .

Горизонтальная составляющая силы избыточного гидростатического давления равна силе давления на вертикальную проекцию цилиндрической поверхности (формула 5.2):

$$R_x = \rho g h_T \cdot \omega_x,$$

где  $h_T$  – расстояние по вертикали от центра тяжести вертикальной проекции цилиндрической поверхности до уровня воды, м;  $\omega_x$  – площадь вертикальной проекции цилиндрической поверхности ABC на плоскость, перпендикулярную оси X, м<sup>2</sup>.

Вертикальная составляющая силы избыточного гидростатического давления определяется по формуле 5.3:

$$R_z = \rho g \Omega_d,$$

где  $\Omega_d$  – объем тела давления, м<sup>3</sup>

То есть вертикальная составляющая силы давления равна весу жидкости в объеме тела давления.

Тело давления представляет собой объем, расположенный над цилиндрической поверхностью и заключенный между вертикальными плоскостями, проходящими через крайние образующие цилиндрической поверхности, самой цилиндрической поверхностью и свободной поверхностью воды. Если тело давления находится со стороны, не смачиваемой жидкостью поверхности (в теле давления нет воды), то такое тело давления отрицательно и сила  $R_z$  будет направлена вверх.

В данной задаче для нахождения тела давления следует цилиндрическую поверхность ABC разделить на две: AB и BC, причем тело давления для поверхности AB будет положительным, а для BC – отрицательным. Результирующий объем тела давления на всю цилиндрическую поверхность ABC и его знак находятся путем алгебраического суммирования тел давления на криволинейные поверхности AB и BC.

Суммарная сила избыточного гидростатического давления на цилиндрическую поверхность направлена по радиусу к центру цилиндрической поверхности под углом  $\varphi$  к вертикали:

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{R_x}{R_z}$$

Расстояние  $h$  от свободной поверхности воды до точки приложения силы округлить до сантиметра.

Д/з Решить задачи: (стр 103 в пособии Механика. Практикум по дисциплинам «Геомеханика», «Гидромеханика»/С.А. Щеглова,И.И. Петухова; Забайкал.гос.ун-т. – Чита: ЗабГУ, 2018. – 156 с., пособие можно найти на сайте университета)

1. Базаров №62
2. Болтушенко №63
3. Васильев №64
4. Глотов №65
5. Кислицин №66
6. Коновалов №67
7. Ломакин №68
8. Мовчанюк №69
9. Палкин №70
10. Плотников №71
11. Поляков №72
12. Согреев №73
13. Черепанов №74
14. Черников №75